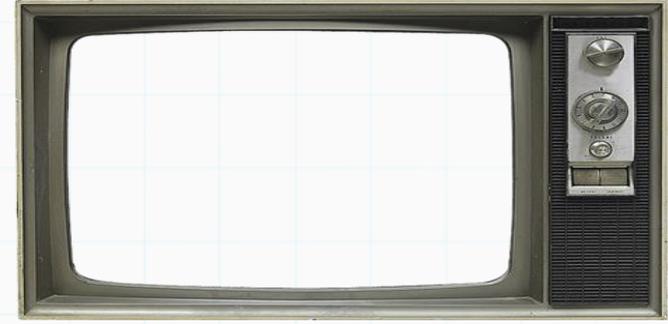


Programação Estruturada

Professor : Yuri Frota

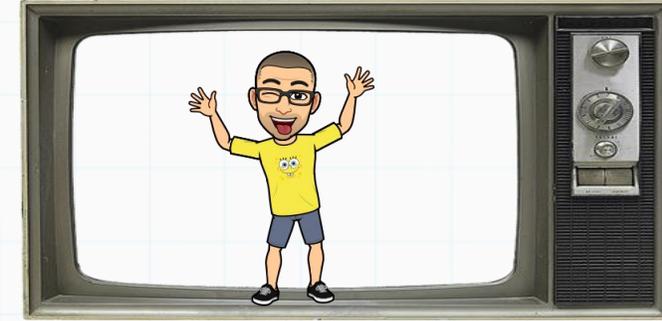
yuri@ic.uff.br



cuidado, vamos usar apenas os
comando e estruturas do C,
nada de C++



Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 1) Refaça a busca binária assumindo que o vetor possui elementos que podem aparecer repetidos. Neste caso, você deve retornar imprimir todas as posições onde o elemento foi encontrada.

```
void busca_binaria(int* v, int tam, int el)
{
    int ini, fim;

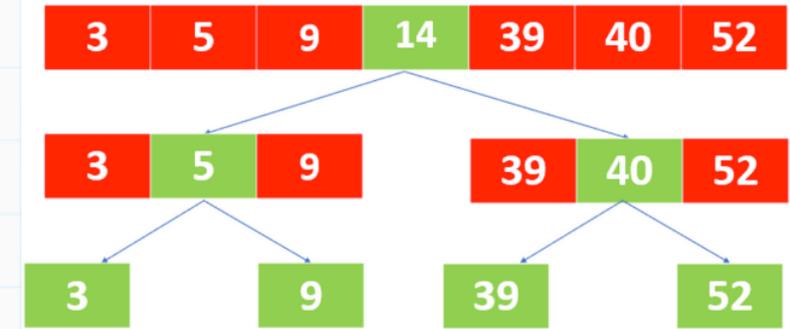
    ini = 0; fim = tam-1;
    while (ini <= fim)
    {
        int meio = ini + (fim - ini) / 2;

        if (v[meio] == el)
        {
            printf("achou %d na posicao %d\n", el, meio);
            return;
        }

        if (v[meio] < el)
            ini = meio + 1;

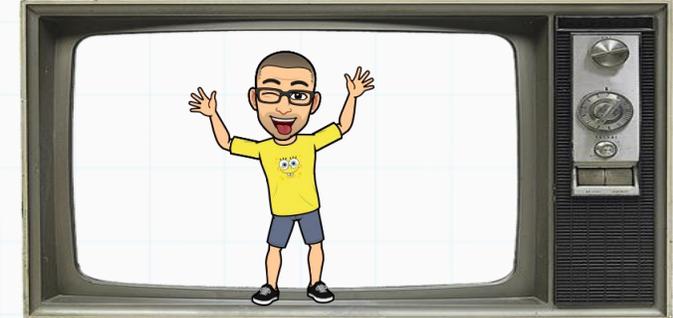
        else
            fim = meio - 1;
    }

    printf("Nao achou\n");
    return;
}
```



Veja o exemplo de execução:

Buscas e Ordenação - LAB



```
vetor (tam=8) = 1, 1, 5, 5, 5, 8, 8, 8,
```

```
buscar numero: 5
```

```
achou 5 na posicao 3, 2, 4,
```

1	1	5	5	5	8	8	8
---	---	---	---	---	---	---	---

```
vetor (tam=8) = 1, 1, 5, 5, 5, 8, 8, 8,
```

```
buscar numero: 1
```

```
achou 5 na posicao 0, 1,
```

```
vetor (tam=8) = 1, 1, 5, 5, 5, 8, 8, 8,
```

```
buscar numero: 8
```

```
achou 5 na posicao 5, 6, 7,
```

```
vetor (tam=8) = 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
```

```
buscar numero: 1
```

```
achou 1 na posicao 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7,
```

Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 2) Faça um programa que receba um vetor de inteiros ordenado (**pode acreditar**) e imprimir. O programa deve perguntar se o usuário quer alterar alguma posição, se sim, então alterar, reordenar e imprimir o vetor. **A reordenação tem que ser feita percorrendo os elementos do vetor no máximo apenas um vez (ou empurrando o elemento alterado para frente ou para trás).**

Veja exemplo de execução:

```
vetor (tam=10) = 8, 23, 28, 47, 58, 69, 72, 83, 90, 94,
```

```
Quer alterar ? (0-sim 1-nao): 0
```

```
posicao: 2
```

```
valor: 280
```

```
vetor (tam=10) = 8, 23, 47, 58, 69, 72, 83, 90, 94, 280,
```

```
Quer alterar ? (0-sim 1-nao): 0
```

```
posicao: 9
```

```
valor: -280
```

```
vetor (tam=10) = -280, 8, 23, 47, 58, 69, 72, 83, 90, 94,
```

```
Quer alterar ? (0-sim 1-nao): 0
```

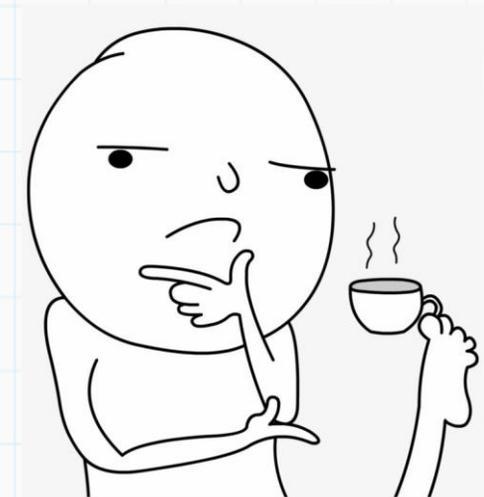
```
posicao: 0
```

```
valor: 28000
```

```
vetor (tam=10) = 8, 23, 47, 58, 69, 72, 83, 90, 94, 28000,
```

```
Quer alterar ? (0-sim 1-nao): 1
```

8	23	28	47	58	69	72	83	90	94
---	----	----	----	----	----	----	----	----	----

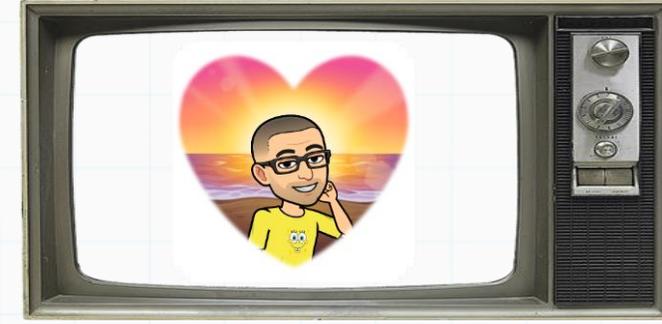


Buscas e Ordenação - LAB

Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6	3	9	10	15	6	8	12	3	6
---	---	---	----	----	---	---	----	---	---

vetor com elementos positivos

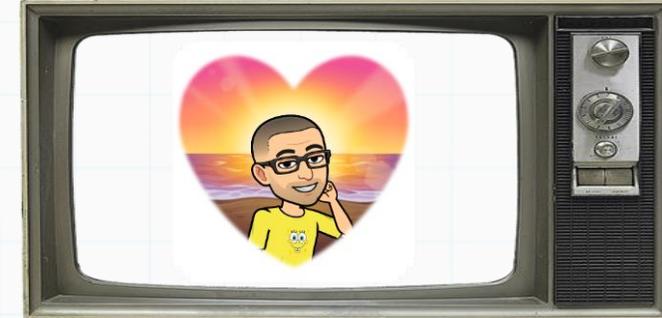


Buscas e Ordenação - LAB

Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6	3	9	10	15	6	8	12	3	6
---	---	---	----	----	---	---	----	---	---

vetor com elementos positivos

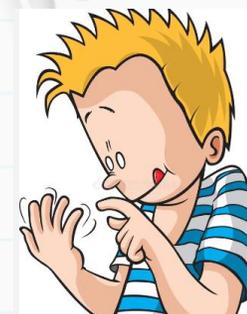


V=

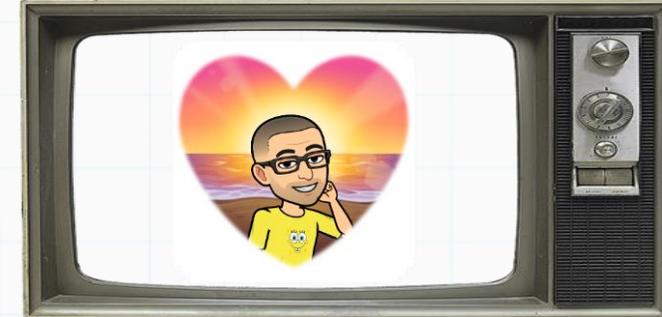
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

Primeiro descobrimos o maior elemento (MAX) e alocamos um vetor de inteiros de tamanho (MAX+1)

No exemplo
MAX=15



Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6	3	9	10	15	6	8	12	3	6
---	---	---	----	----	---	---	----	---	---

vetor com elementos positivos

V=

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

V=

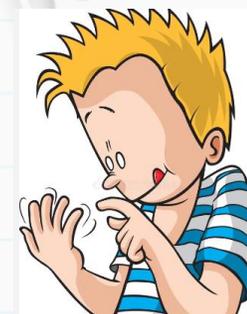
0	0	0	2	0	0	3	0	1	1	1	0	1	0	0	1
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

Primeiro descobrimos o maior elemento (MAX) e alocamos um vetor de inteiros de tamanho (MAX+1)

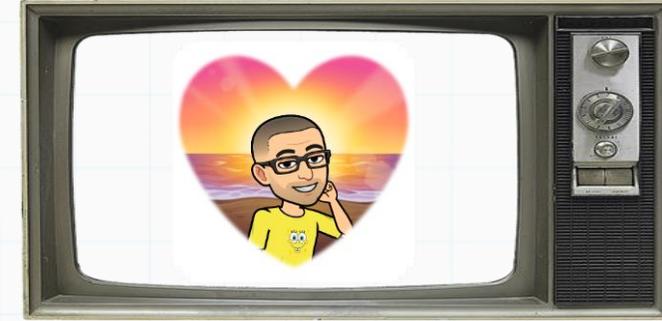
No exemplo
MAX=15

Devemos percorrer o vetor a ser ordenado e sempre que aparecer um valor, ele deve ser contado na posição respectiva

No exemplo, o 3 aparece 2 vezes, então $v[3]=2$



Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6 3 9 10 15 6 8 12 3 6

vetor com elementos positivos

V= 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

V= 0 0 0 2 0 0 3 0 1 1 1 0 1 0 0 1
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15



3 3

Primeiro descobrimos o maior elemento (MAX) e alocamos um vetor de inteiros de tamanho (MAX+1)

No exemplo
MAX=15

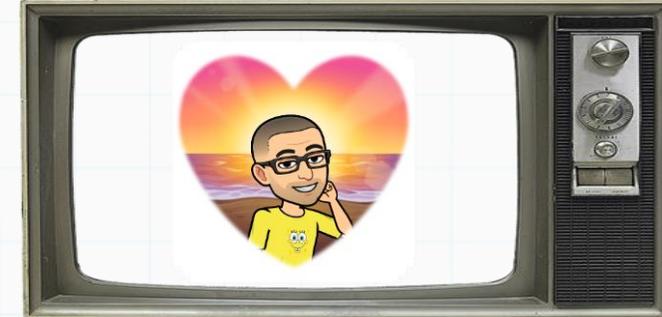
Devemos percorrer o vetor a ser ordenado e sempre que aparecer um valor, ele deve ser contado na posição respectiva

No exemplo, o 3 aparece 2 vezes, então $v[3]=2$

Devemos então percorrer o vetor contador V, vendo as posições diferentes de 0 e preenchendo o vetor original. Veja que o elemento 3 é o primeiro diferente de zero, e aparece 2 vezes.



Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6 3 9 10 15 6 8 12 3 6

vetor com elementos positivos

V= 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

V= 0 0 0 2 0 0 3 0 1 1 1 0 1 0 0 1
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15



3 3 6 6 6

Primeiro descobrimos o maior elemento (MAX) e alocamos um vetor de inteiros de tamanho (MAX+1)

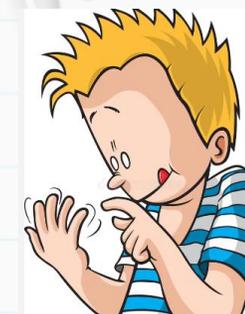
No exemplo
MAX=15

Devemos percorrer o vetor a ser ordenado e sempre que aparecer um valor, ele deve ser contado na posição respectiva

No exemplo, o 3 aparece 2 vezes, então $v[3]=2$

Devemos então percorrer o vetor contador V, vendo as posições diferentes de 0 e preenchendo o vetor original. Veja que o elemento 3 é o primeiro diferente de zero, e aparece 2 vezes.

- Depois o 6 que aparece 3 vezes



Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6 3 9 10 15 6 8 12 3 6

vetor com elementos positivos

V= 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

V= 0 0 0 2 0 0 3 0 1 1 1 0 1 0 0 1
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15



3 3 6 6 6 8

Primeiro descobrimos o maior elemento (MAX) e alocamos um vetor de inteiros de tamanho (MAX+1)

No exemplo
MAX=15

Devemos percorrer o vetor a ser ordenado e sempre que aparecer um valor, ele deve ser contado na posição respectiva

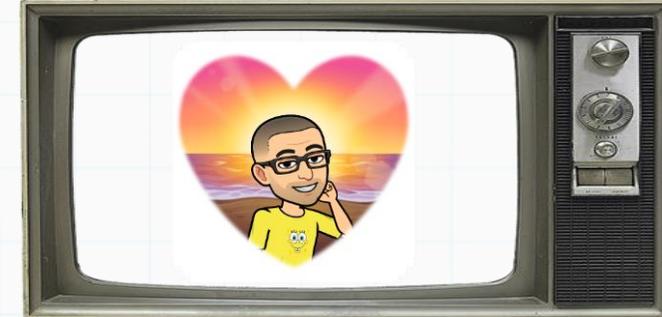
No exemplo, o 3 aparece 2 vezes, então $v[3]=2$

Devemos então percorrer o vetor contador V, vendo as posições diferentes de 0 e preenchendo o vetor original. Veja que o elemento 3 é o primeiro diferente de zero, e aparece 2 vezes.

- Depois o 6 que aparece 3 vezes
- O 8 aparece 1 vez



Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 3) CountSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

6	3	9	10	15	6	8	12	3	6
---	---	---	----	----	---	---	----	---	---

vetor com elementos positivos

V=

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

V=

0	0	0	2	0	0	3	0	1	1	1	0	1	0	0	1
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

3	3	6	6	6	8	9	10	12	15
---	---	---	---	---	---	---	----	----	----

Primeiro descobrimos o maior elemento (MAX) e alocamos um vetor de inteiros de tamanho (MAX+1)

No exemplo
MAX=15

Devemos percorrer o vetor a ser ordenado e sempre que aparecer um valor, ele deve ser contado na posição respectiva

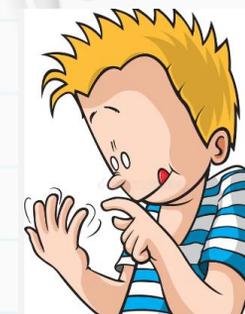
No exemplo, o 3 aparece 2 vezes, então $v[3]=2$

Devemos então percorrer o vetor contador V, vendo as posições diferentes de 0 e preenchendo o vetor original. Veja que o elemento 3 é o primeiro diferente de zero, e aparece 2 vezes.

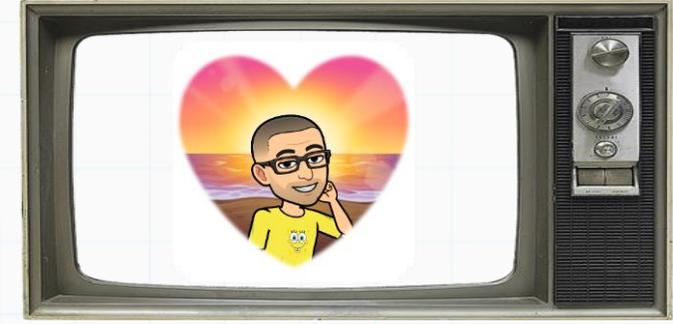
- Depois o 6 que aparece 3 vezes
- O 8 aparece 1 vez

...

Veja o exemplo de execução:



Buscas e Ordenação - LAB



```
vetor (tam=10) = 6, 3, 9, 10, 15, 6, 8, 12, 3, 6,
```

```
    maior elemento = 15
```

```
    vetor de contagem = 0) 0, 1) 0, 2) 0, 3) 2, 4) 0, 5) 0, 6) 3, 7) 0, 8) 1, 9) 1, 10) 1, 11) 0, 12) 1, 13) 0, 14) 0, 15) 1,
```

```
vetor ordenado (tam=10) = 3, 3, 6, 6, 6, 8, 9, 10, 12, 15,
```

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V=

237	146	259	348988	152	163	235	48	36	62
-----	-----	-----	--------	-----	-----	-----	----	----	----

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?

DESAFIO

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

DESAFIO

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO

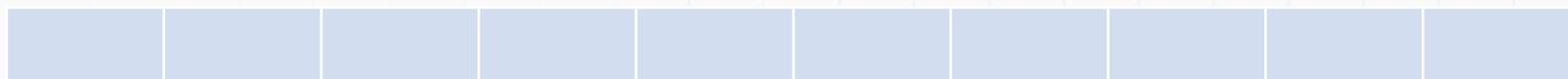


Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?

0	0	2	1	0	1	2	1	2	1
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

DESAFIO

Buscas e Ordenação - LAB

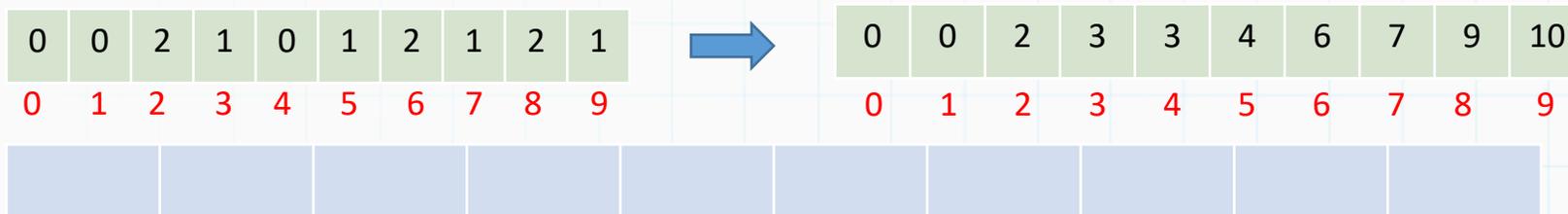
DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

DESAFIO

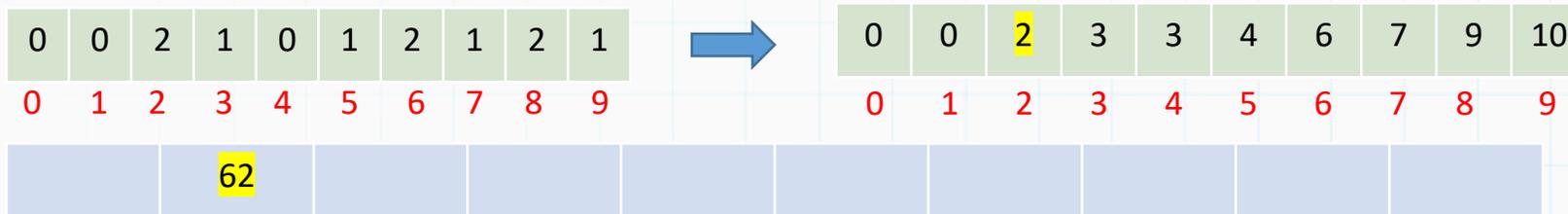
Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).

- Veja o ultimo elemento 62 (com ultimo digito 2), tem posição no vetor ordenado de 2, vai para posição 1



Buscas e Ordenação - LAB

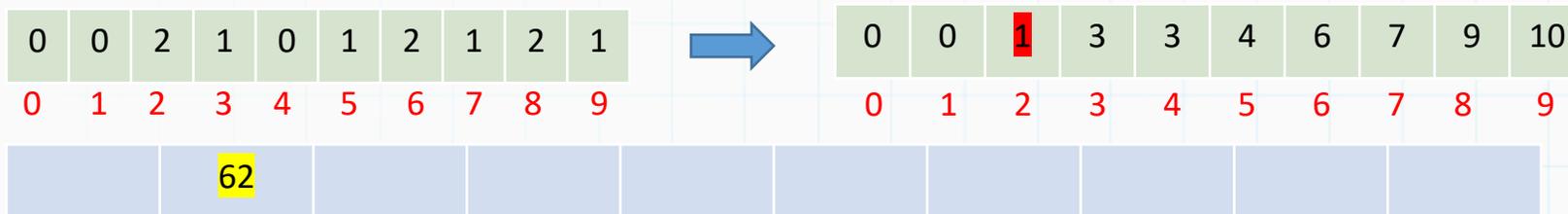
DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).

5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado.

- Veja o ultimo elemento 62 (com ultimo digito 2), tem posição no vetor ordenado de 2, vai para posição 1, diminui de um os elementos de ultimo dígito 1.

Buscas e Ordenação - LAB

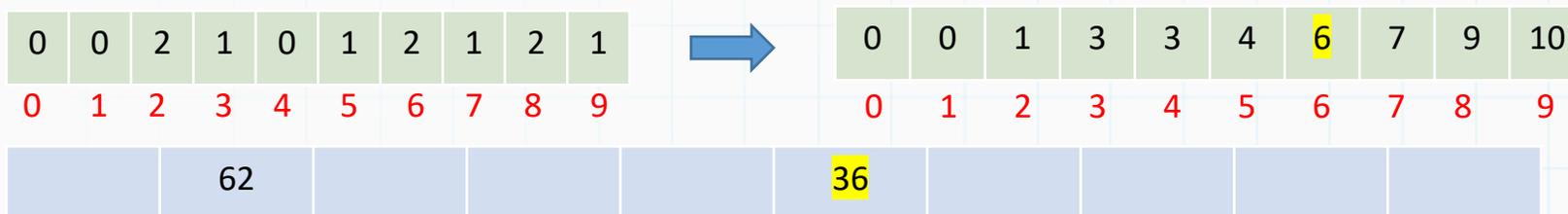
DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).

5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado.

- Veja o elemento 36 (com ultimo digito 6), tem posição no vetor ordenado de 6, vai para posição 5

Buscas e Ordenação - LAB

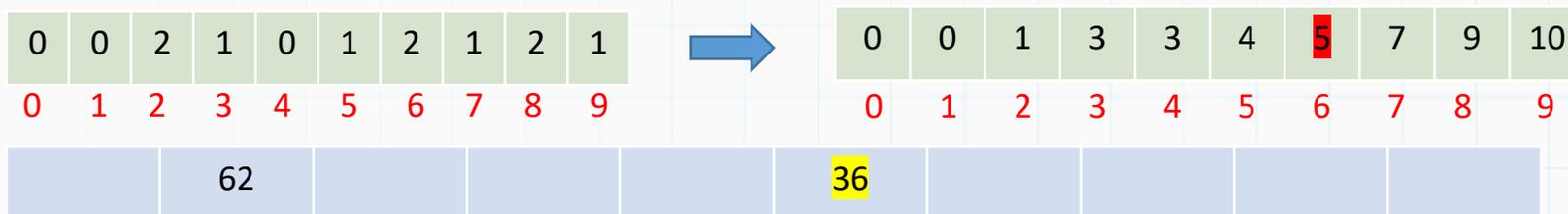
DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).

5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado.

- Veja o elemento 36 (com ultimo digito 6), tem posição no vetor ordenado de 6, vai para posição 5, diminui de um os elementos de ultimo dígito 6.

Buscas e Ordenação - LAB

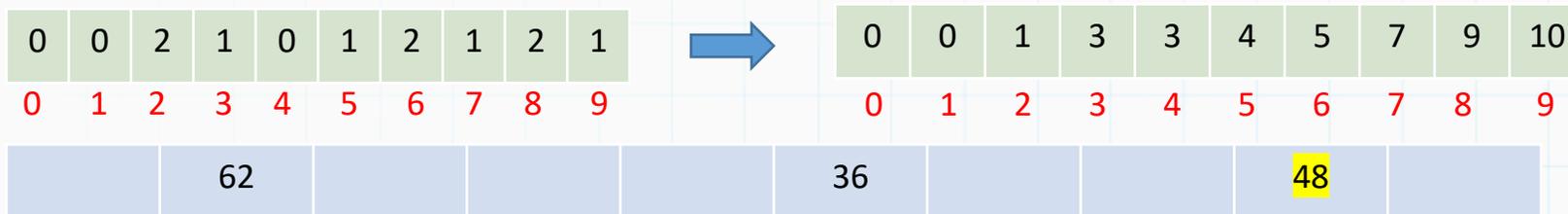
DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).

5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado.

- Veja o elemento 48 (com ultimo digito 8), tem posição no vetor ordenado de 9, vai para posição 8

Buscas e Ordenação - LAB

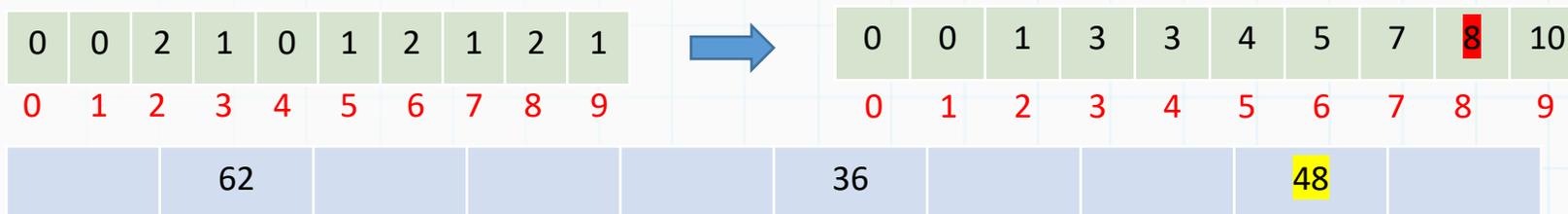
DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 237 146 259 348988 152 163 235 48 36 62

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

- 2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.
- 3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .
- 4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).
- 5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado.

- Veja o elemento 48 (com ultimo digito 8), tem posição no vetor ordenado de 9, vai para posição 8, diminui de um os elementos de ultimo dígito 8.

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO

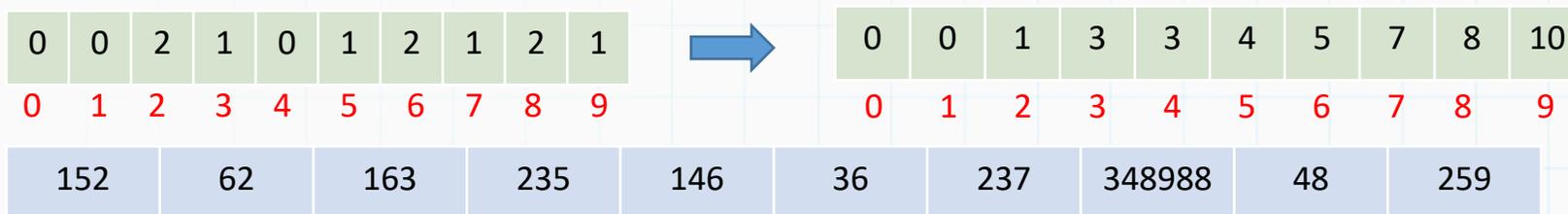


Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V=

237	146	259	348988	152	163	235	48	36	62
-----	-----	-----	--------	-----	-----	-----	----	----	----

Veja que se o valor máximo do vetor for muito alto (348988), método do CountSort, tem que usar um vetor auxiliar de tamanho absurdo. Esta é a motivação do RadixSort, uma adaptação do método do CountSort. Como funciona ?



1) Vamos criar dois vetores auxiliares, um de tamanho 10, que iremos chamar de **contador** e outro vetor para armazenar o vetor ordenado (tamanho do vetor original)

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o último dígito de cada número (isto é $\text{num}\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor original (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $v[i]\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $\text{contador}[v[i]\%10]-1$).

5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado.

6) O vetor ordenado pode ser copiado de volta para o vetor original para começarmos uma nova iteração. O vetor atual está ordenado em relação ao ultimo digito.

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 152 62 163 235 146 36 237 348988 48 259

0	0	0	3	2	2	2	0	1	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o penúltimo dígito de cada número (isto é $(\text{num}/10)\%10$)**, então teremos.

Veja que podemos pegar o dígito de cada iteração com a formula:

1 iteração -> ultimo digito -> $(\text{num} / 1) \% 10$
2 iteração -> penúltimo digito -> $(\text{num} / 10) \% 10$
3 iteração -> antepenúltimo digito -> $(\text{num} / 100) \% 10$
...
N iteração -> $(\text{num} / 10^{N-1}) \% 10$

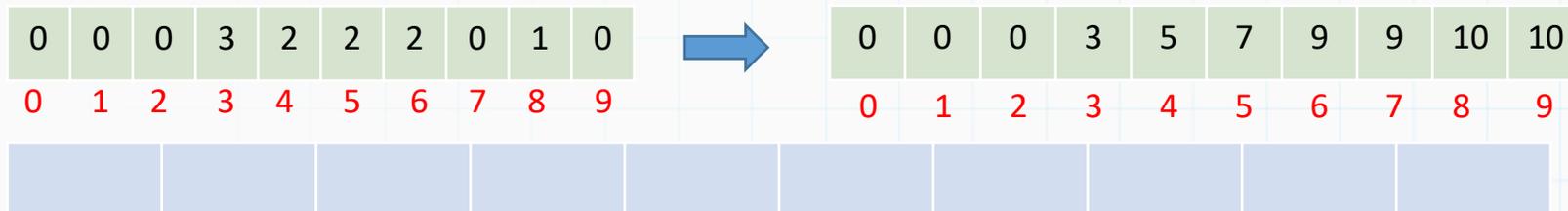
Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 152 62 163 235 146 36 237 348988 48 259



2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o penúltimo dígito de cada número (isto é $(num/10)\%10$)**, então teremos.

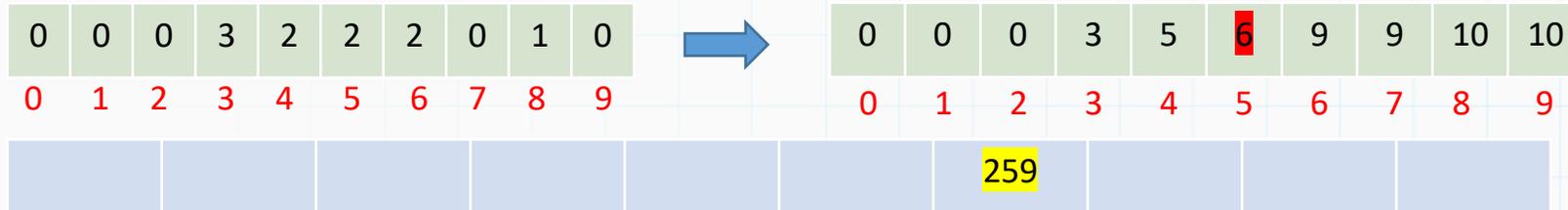
3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

Buscas e Ordenação - LAB



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V= 152 62 163 235 146 36 237 348988 48 259



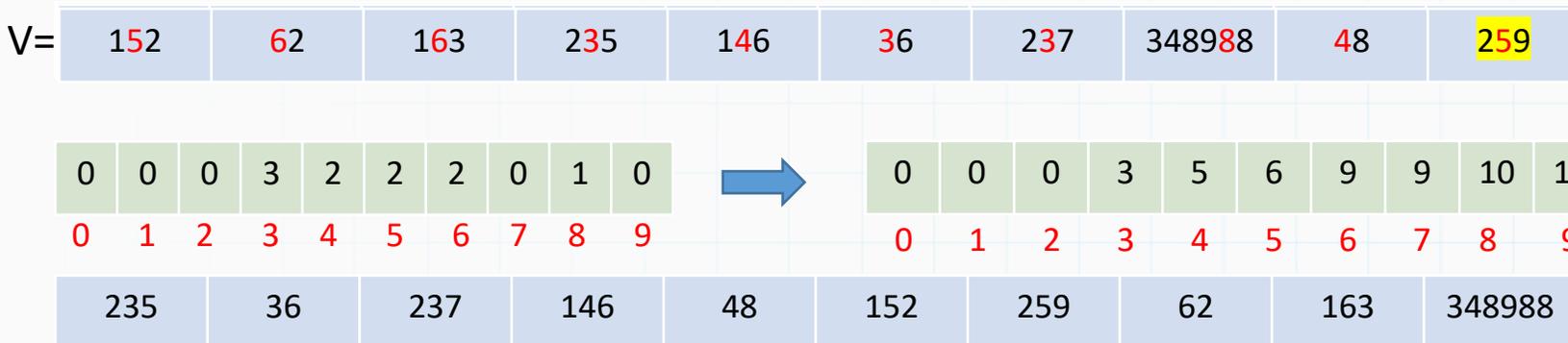
- 2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o penúltimo dígito de cada número (isto é $(num/10)\%10$)**, então teremos.
 - 3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .
 - 4) Vamos percorrer o vetor (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $(v[i]/10)\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é **$contador[(v[i]/10)\%10]-1$**).
 - 5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado
- **Veja o ultimo elemento 259 (com penúltimo digito 5), tem posição no vetor ordenado de 7, vai para posição 6, diminui de um os elementos de ultimo dígito 6.**

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?



2) Vamos aplicar o CountSort no vetor, mas para descobrir a posição no vetor de contagem, usaremos **apenas o penúltimo dígito de cada número (isto é $(num/10)\%10$)**, então teremos.

3) Vamos fazer a soma acumulada dos elementos do vetor **contador**, isto é, o valor da posição i é igual a soma dos elementos da posição 0 até i .

4) Vamos percorrer o vetor (**do fim para o começo**), para descobrir onde o elemento da posição i (isto é $v[i]$) vai ficar, basta ver seu dígito (isto é $(v[i]/10)\%10$) qual valor está armazenado no vetor ordenado (isto é $contador[(v[i]/10)\%10]-1$).

5) Diminuímos de uma unidade o valor dessa posição no vetor ordenado

6) O vetor ordenado pode ser copiado de volta para o vetor original para começarmos uma nova iteração. O vetor atual está ordenado em relação ao penúltimo dígito.

Porém dentre os elementos de mesmo segundo dígito, veja que eles estão ordenados em relação ao primeiro dígito já.

Ex: 235, 36 e 237 são os primeiros da ordem porque tem 3 como segundo dígito, porem estão em ordem em relação ao primeiro dígito.

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V=

235	036	237	146	048	152	259	062	163	348988
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	--------

3	3	3	0	0	0	0	0	0	1
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

 →

3	6	9	9	9	9	9	9	9	10
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

36	48	62	146	152	163	235	237	259	348988
----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	--------

- Ao repetirmos o mesmo processo do CountSort, agora vendo o antepenúltimo dígito (isto é $(\text{num}/100)\%10$), teremos:
- veja que o vetor já está ordenado



Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



Exercício 4) RadixSort: Como ordenar o vetor abaixo ?

V=

235	036	237	146	048	152	259	062	163	348988
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	--------

3	3	3	0	0	0	0	0	0	1
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

 →

3	6	9	9	9	9	9	9	9	10
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

36	48	62	146	152	163	235	237	259	348988
----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	--------

- Ao repetirmos o mesmo processo do CountSort, agora vendo o antepenúltimo dígito (isto é $(\text{num}/100)\%10$), teremos:
- veja que o vetor já está ordenado.
- Então temos que repetir a aplicação do CountSort analisando quantos dígitos ?
- R: número de dígitos do maior número, começando do ultimo até o primeiro.
- Veja a execução a seguir:

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



vetor (tam=10) = 237, 146, 259, 348988, 152, 163, 235, 48, 36, 62,

maior elemento = 348988

348988 tem 6 dígitos

digito 1 (de trás para frente)

contador = 0) 0, 1) 0, 2) 2, 3) 1, 4) 0, 5) 1, 6) 2, 7) 1, 8) 2, 9) 1,
contador acumulado = 0) 0, 1) 0, 2) 2, 3) 3, 4) 3, 5) 4, 6) 6, 7) 7, 8) 9, 9) 10,
ordenado = 152, 62, 163, 235, 146, 36, 237, 348988, 48, 259,

digito 2 (de trás para frente)

contador = 0) 0, 1) 0, 2) 0, 3) 3, 4) 2, 5) 2, 6) 2, 7) 0, 8) 1, 9) 0,
contador acumulado = 0) 0, 1) 0, 2) 0, 3) 3, 4) 5, 5) 7, 6) 9, 7) 9, 8) 10, 9) 10,
ordenado = 235, 36, 237, 146, 48, 152, 259, 62, 163, 348988,

digito 3 (de trás para frente)

contador = 0) 3, 1) 3, 2) 3, 3) 0, 4) 0, 5) 0, 6) 0, 7) 0, 8) 0, 9) 1,
contador acumulado = 0) 3, 1) 6, 2) 9, 3) 9, 4) 9, 5) 9, 6) 9, 7) 9, 8) 9, 9) 10,
ordenado = 36, 48, 62, 146, 152, 163, 235, 237, 259, 348988,

digito 4 (de trás para frente)

contador = 0) 9, 1) 0, 2) 0, 3) 0, 4) 0, 5) 0, 6) 0, 7) 0, 8) 1, 9) 0,
contador acumulado = 0) 9, 1) 9, 2) 9, 3) 9, 4) 9, 5) 9, 6) 9, 7) 9, 8) 10, 9) 10,
ordenado = 36, 48, 62, 146, 152, 163, 235, 237, 259, 348988,

Buscas e Ordenação - LAB

DESAFIO



digito 5 (de tras para frente)

contador = 0) 9, 1) 0, 2) 0, 3) 0, 4) 1, 5) 0, 6) 0, 7) 0, 8) 0, 9) 0,

contador acumulado = 0) 9, 1) 9, 2) 9, 3) 9, 4) 10, 5) 10, 6) 10, 7) 10, 8) 10, 9) 10,

ordenado = 36, 48, 62, 146, 152, 163, 235, 237, 259, 348988,

digito 6 (de tras para frente)

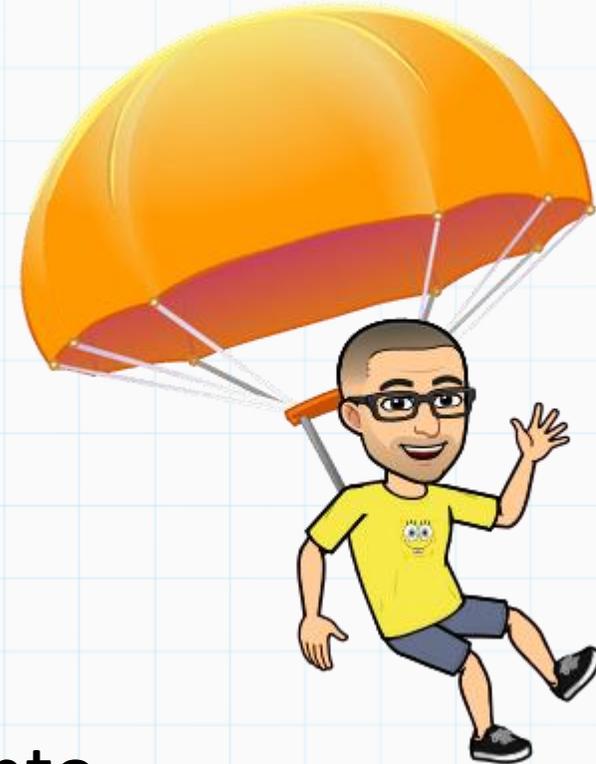
contador = 0) 9, 1) 0, 2) 0, 3) 1, 4) 0, 5) 0, 6) 0, 7) 0, 8) 0, 9) 0,

contador acumulado = 0) 9, 1) 9, 2) 9, 3) 10, 4) 10, 5) 10, 6) 10, 7) 10, 8) 10, 9) 10,

ordenado = 36, 48, 62, 146, 152, 163, 235, 237, 259, 348988,

vetor ordenado (tam=10) = 36, 48, 62, 146, 152, 163, 235, 237, 259, 348988,

Até a próxima



Slides baseados no curso de Aline Nascimento